

## 直线的参数方程中 $t$ 的几何意义

设点  $P(1,0)$ , 直线  $l: \begin{cases} x = 1 + 2t, \\ y = t \end{cases}$  ( $t$  为参数) 与抛物线  $y^2 = 2x$  交于  $A, B$  两点, 则

$$\frac{1}{|PA|} + \frac{1}{|PB|} = \underline{\hspace{2cm}}.$$

1. 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 以  $O$  为极点,  $Ox$  轴为极轴建立极坐标系, 曲线  $C_1$  的参数方程

为  $\begin{cases} x = \frac{1}{\tan \varphi}, \\ y = \frac{1}{\tan^2 \varphi} \end{cases}$  ( $\varphi$  为参数), 曲线  $C_2$  的极坐标方程为  $\rho(\cos \theta + \sin \theta) = 1$ , 若曲线  $C_1$  与

$C_2$  相交于  $A, B$  两点.

(1) 求  $|AB|$  的值;

(2) 求点  $M(-1, 2)$  到  $A, B$  两点的距离之积.

在直角坐标系中,以原点为极点, $x$ 轴的正半轴为极轴建立极坐标系,已知曲线  $C: \rho \sin^2 \theta =$

$$2a \cos \theta (a > 0), \text{ 过点 } P(-2, -4) \text{ 的直线 } l: \begin{cases} x = -2 + \frac{\sqrt{2}}{2}t, \\ y = -4 + \frac{\sqrt{2}}{2}t \end{cases} \quad (t \text{ 为参数}) \text{ 与曲线 } C \text{ 相交于}$$

$M, N$  两点.

- (1) 求曲线  $C$  的直角坐标方程与直线  $l$  的普通方程;
- (2) 若  $|PM|, |MN|, |PN|$  成等比数列, 求实数  $a$  的值.

在直角坐标系  $xOy$  中, 直线  $l$  的参数方程为  $\begin{cases} x = -\frac{1}{2}t, \\ y = a + \frac{\sqrt{3}}{2}t \end{cases} \quad (t \text{ 为参数}, a \in \mathbf{R}).$  以坐标原

点为极点,  $x$  轴正半轴为极轴建立极坐标系, 曲线  $C$  的极坐标方程为  $\rho = 4 \cos \theta$ , 射线  $\theta = \frac{\pi}{3} (\rho \geq 0)$  与曲线  $C$  交于  $O, P$  两点, 直线  $l$  与曲线  $C$  交于  $A, B$  两点.

- (1) 求直线  $l$  的普通方程和曲线  $C$  的直角坐标方程;
- (2) 当  $|AB| = |OP|$  时, 求  $a$  的值.

在平面直角坐标系  $xOy$  中, 曲线  $C$  的参数方程为  $\begin{cases} x = 2\cos \theta, \\ y = \sqrt{3}\sin \theta \end{cases}$  ( $\theta$  为参数), 直线  $l$  的参

数方程为  $\begin{cases} x = 1 + t\cos \alpha, \\ y = t\sin \alpha \end{cases}$  ( $t$  为参数).

(1) 求曲线  $C$  和直线  $l$  的普通方程;

(2) 设  $M(1, 0)$ , 直线  $l$  与曲线  $C$  交于  $A, B$  两点, 若  $|AM| = 2|MB|$ , 求直线  $l$  的斜率.